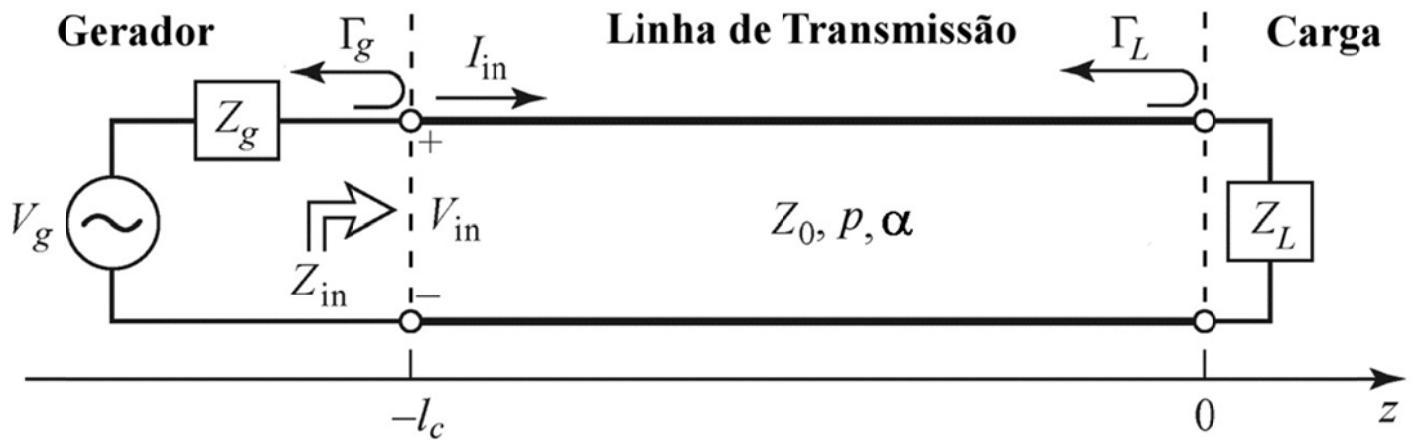


Um transmissor (TX) representado pelo “Gerador” na figura baixo é conectado através de uma linha de transmissão a uma antena cuja impedância de entrada é representada pela impedância  $Z_L = 113.562+j202.642 \Omega$  na figura abaixo. A frequência de operação do TX é  $f = 30 \text{ MHz}$ .

O TX possui uma potência nominal de saída  $P_{g,nom} = 100\text{W}$  e uma impedância nominal de saída de  $Z_g = 52 \Omega$ . A linha de transmissão é um cabo coaxial de  $l_c = 50\text{m}$  de comprimento com impedância característica  $Z_0 = 50 + j0.085 \Omega$ , fator de velocidade  $p = 0.66$  e com um fator de perdas  $\alpha = 3.6\text{dB}/100\text{m}$ .



Para a situação operacional dada determine:

- A amplitude e fase da onda de tensão incidente que trafega ao longo do cabo.
- A amplitude e fase da corrente medida nos terminais de entrada da antena.
- A amplitude e fase da tensão medida nos terminais de entrada da antena.
- A impedância de entrada do cabo coaxial.
- A Potência útil PL que o cabo entrega (=forward power) para a antena e a potencia Pin entregue ao cabo pelo gerador.
- A potência útil refletida PRefil (= reflected power) na impedância de carga do cabo (= antena).
- A ROE na entrada do cabo coaxial e a ROE na saída do cabo coaxial.
- A tensão e a corrente na saída do TX (na entrada do cabo coaxial).
- Os gráficos da amplitude de pico da tensão  $|V(z)|$  e da amplitude de pico da corrente  $|I(z)|$  ao longo da coordenada z (ao longo do cabo coaxial).

#### Referências bibliográficas

[1] Microwave Engineering 4th - Pozar - JohnWiley & Sons – 2012

[2] Microwave and RF Design: A Systems Approach - Steer - SciTech Publishing, Inc. - 2010

# Solução :

**Do enunciado são dados:**

$$f := 30\text{MHz} \rightarrow \text{frequencia de operação}$$

$$\lambda := \frac{c}{f} = 9.993082 \text{ m}$$

$$\alpha := 3.6 \frac{1}{\text{m}} \rightarrow \text{perda no cabo em dB/100m}$$

$$\alpha := \frac{\alpha}{100 \cdot 8.686} \rightarrow \alpha = 4.145 \times 10^{-3} \text{ m}^{-1} \rightarrow \text{perda no cabo em Np/m}$$

$$Z_g := 52 \cdot \Omega \rightarrow \text{Impedância do gerador}$$

$$P_{\text{gnom}} := 100 \cdot W \rightarrow \text{potência nominal entregue pelo gerador quando a carga do mesmo é igual a } Z_g^*.$$

$$Z_0 := 50 + 0.085i \Omega \rightarrow \text{Impedância característica do cabo}$$

$$l_c := 50 \cdot \text{m} \rightarrow \text{Comprimento do cabo}$$

$$p := 0.66 \rightarrow \text{fator de velocidade do cabo}$$

$$\lambda_g := p \cdot \lambda \quad \lambda_g = 6.595 \text{ m} \rightarrow \text{comprimento de onda no cabo}$$

$$\beta := \frac{2\pi}{\lambda_g} \quad \beta = 0.953 \cdot \frac{\text{rad}}{\text{m}} \rightarrow \text{constante de giro de fase da onda no cabo}$$

$$\gamma := \alpha + j \cdot \beta \quad \gamma = (4.145 \times 10^{-3} + 0.953i) \rightarrow \text{constante de propagação da onda no cabo}$$

$$Z_L := Z_A \rightarrow \text{impedância de carga } Z_L \text{ do cabo} = \text{impedância de entrada } Z_A \text{ da antena}$$

$$Z_L = (113.562 + 202.642i) \cdot \Omega$$

**Tensão nominal do gerador (divisor de tensão entre  $Z_g$  e  $Z_{in}=Z_g$ ):**

$$V_g := 2 \cdot \sqrt{P_{\text{gnom}} \cdot Z_g} \quad V_g = 144.222 \cdot \text{V(rms)}$$

**Coeficiente de reflexão na carga (nos terminais de entrada da antena):**

$$\Gamma_L := \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0} \quad \Gamma_L = 0.758 + 0.298i$$

**Coeficiente de reflexão no gerador:**

$$\Gamma_g := \frac{Z_g - Z_0}{Z_g + Z_0} \quad \Gamma_g = 0.02 - 8.497i \times 10^{-4}$$

**(a) Fasor (amplitude e fase) da onda de tensão incidente (eq (2.71) de [1] com  $\beta$  substituído por  $\alpha+j\beta$ ):**

$$V_{\text{oP}} := V_g \cdot \left( \frac{Z_0}{Z_0 + Z_g} \right) \cdot \frac{e^{-\gamma \cdot l_c}}{1 - \Gamma_L \cdot \Gamma_g \cdot e^{-2\gamma \cdot l_c}} \quad |V_{\text{oP}}| = 57.937 \cdot \text{V(rms)} \quad \arg(V_{\text{oP}}) = 150.502 \cdot \text{deg}$$

**(b) Amplitude e fase da corrente  $I(z=0)$  - corrente medida no terminal de entrada da antena (eq (2.89b) de [1]):**

$$I(z) := \frac{V_{\text{oP}}}{Z_0} \cdot (e^{-\gamma \cdot z} - \Gamma_L \cdot e^{\gamma \cdot z}) \quad |I(0)| = 0.445 \cdot \text{A(rms)} \quad \arg(I(0)) = 99.399 \cdot \text{deg}$$

**(c) Amplitude e fase da tensão  $V(z=0)$  - tensão medida no terminal de entrada da antena (eq (2.89a) de [1]):**

$$V(z) := V_{\text{oP}} \cdot (e^{-\gamma \cdot z} + \Gamma_L \cdot e^{\gamma \cdot z}) \quad |V(0)| = 103.335 \cdot \text{volt(rms)} \quad \arg(V(0)) = 160.132 \cdot \text{deg}$$

**(d) Impedância de entrada do cabo (eq (2.91) de [1]):**

$$\frac{V(-l_c)}{I(-l_c)} = (83.052 - 75.282i) \cdot \Omega \quad \text{ou} \quad Z_{in} := Z_0 \cdot \frac{Z_L + Z_0 \cdot \tanh(\gamma \cdot l_c)}{Z_0 + Z_L \cdot \tanh(\gamma \cdot l_c)} \quad Z_{in} = (83.052 - 75.282i) \cdot \Omega$$

**(e) Potência útil  $PL$  que o cabo entrega (= forward power) para a antena e potência  $Pin$  entregue ao cabo pelo gerador:**

$$PL := \text{Re}(V(0) \cdot \overline{I(0)}) \quad PL = 22.473 \cdot \text{W} \quad PL_- := \frac{(|V_{\text{oP}}|)^2}{Z_0} \cdot [1 - (|\Gamma_L|)^2] \quad PL_- = (22.541 - 0.038i) \cdot \text{W} \quad (\text{eq (2.93) de [1]})$$

Notar que:

$$Pin := \text{Re}(V(-l_c) \cdot \overline{I(-l_c)}) \quad Pin = 72.26 \cdot \text{W} \quad Pin_- := \frac{(|V_{\text{oP}}|)^2}{Z_0} \cdot [e^{2 \cdot \alpha \cdot l_c} - (|\Gamma_L|)^2 \cdot e^{-2 \cdot \alpha \cdot l_c}] \quad Pin_- = (72.149 - 0.123i) \cdot \text{W} \quad (\text{eq (2.92) de [1]})$$

Portanto, as eqs.(2.93) e (2.92) de [1], apesar de assumirem  $Z_0$  real, são aqui aproximadamente válidas porque este é um caso de baixas perdas.

(f) Potência útil refletida (= reflected power) na impedância de carga (antena). Seja PVoP a potência transportada pela onda de tensão incidente. Daí temos que a relação da potência PL na carga e PVoP é dada por:

$$PL = PVoP \cdot [1 - (|\Gamma_{L}|)^2] \rightarrow PVoP := \frac{PL}{(|\Gamma_{L}|)^2 - 1} \quad PVoP = 66.931 \cdot W$$

Da eq (2.93) de [1]:

$$P_{Refl} := \frac{(|V_{oP}|)^2}{Z_0} \cdot (|\Gamma_{L}|)^2$$

$$P_{Refl} = (44.594 - 0.076i) \cdot W$$

Daí  $\underline{P}_{Refl} := PVoP \cdot (|\Gamma_{L}|)^2 \quad P_{Refl} = 44.459 \cdot W$

(g) ROEo na saída e ROEi na entrada do cabo coaxial:

$$ROEo := \frac{1 + |\Gamma_{L}|}{1 - |\Gamma_{L}|} \quad ROEo = 9.812 \quad \Gamma_{-}(z) := \Gamma_{L} \cdot e^{2 \cdot \gamma \cdot z} \quad (\text{eq (2.90) de [1]})$$

$$ROEi := \frac{1 + |\Gamma_{-}(-lc)|}{1 - |\Gamma_{-}(-lc)|} \quad ROEi = 3.333$$

(h) Tensão e corrente na saída do TX:

$$|V(-lc)| = 104.558 \cdot \text{volt(rms)} \quad \arg(V(-lc)) = -13.054 \cdot \text{deg}$$

$$|I(-lc)| = 0.933 \cdot \text{A(rms)} \quad \arg(I(-lc)) = 29.137 \cdot \text{deg}$$

(i) Distribuição do valor de pico da tensão e da corrente ao longo da coordenada z:

$$z := -lc, -0.999 \cdot lc .. 0$$

