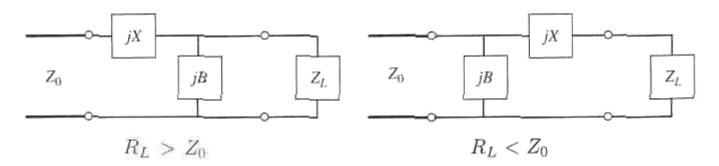
## PUCRS - Escola Politécnica - Engenharia Elétrica

Microondas – T480 – 2° exercício aula 09/10/2019

Um amplificador de RF possui impedância de saída  $Z_0 = 50\Omega$  e é conectado a uma carga de impedância  $Z_L$  através de uma rede de acoplamento cujas duas possíveis configurações são mostradas na figura abaixo (a saída do amplificador é representada pela linha de impedância  $Z_0$ ).



Sabendo que na figura acima a reatância X é um indutor de indutância Ls, que a susceptância B é um capacitor de capacitância Cp e que a freqüência de operação é f = 450 MHz, determine Ls e Cp para:

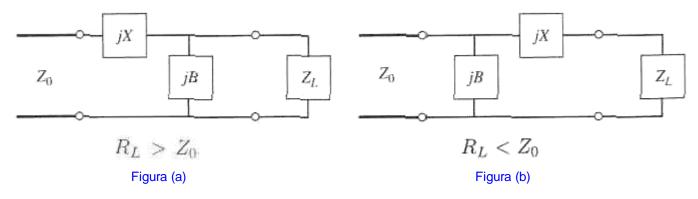
a) 
$$Z_L = 1.5 - j12 \Omega$$

b) 
$$Z_L = 90 + j25 \Omega$$

c) A rede de acoplamento na figura acima assume que  $X_0 = 0$  em  $Z_0 = R_0 + jX_0$ . Qual o procedimento a ser adotado na determinação dos elementos da rede de acoplamento caso  $X_0 \neq 0$ ?

## Solução:

## Do Cap III das notas de aula - equações 5.3 e 5.6:



$$R_L > Z_0$$
:

$$B = \frac{X_L \pm \sqrt{R_L/Z_0} \sqrt{R_L^2 + X_L^2 - Z_0 R_L}}{R_L^2 + X_L^2}$$
$$X = \frac{1}{B} + \frac{X_L Z_0}{R_L} - \frac{Z_0}{B R_L}$$

$$Z0 := 50 \cdot \Omega$$
 f :=  $450 \cdot MHz$ 

$$Z0 := 50 \cdot \Omega \quad f := 450 \cdot M$$

**a)** 
$$ZL := (1.5 - j \cdot 12) \cdot \Omega$$

 $\frac{Z_0}{R_0(Z_1)}$  = 33.333  $\rightarrow$  Portanto o modelo que se aplica é o da Figura (b), equação (B):

$$X \coloneqq \sqrt{\text{Re}(ZL) \cdot (Z0 - \text{Re}(ZL))} - \text{Im}(ZL) \qquad \qquad X = 20.529 \, \Omega$$

$$X = 20.529 \Omega$$

Ls := 
$$\frac{X}{2.\pi \cdot f}$$

 $R_L < Z_0$ :

 $X=\pm\sqrt{R_L(Z_0-R_L)}-X_L$   $B=\pm\frac{\sqrt{(Z_0-R_L)/R_L}}{Z_0}$  (B)

Ls := 
$$\frac{X}{2 \cdot \pi \cdot f}$$
 Ls =  $7.261 \times 10^{-3} \cdot \mu H$ 

$$B := \frac{\sqrt{\frac{Z0 - Re(ZL)}{Re(ZL)}}}{Z0}$$

$$B = 0.114 \frac{1}{\Omega}$$

$$Cp := \frac{B}{2 \cdot \pi \cdot f}$$

$$Cp = 40.222 \cdot pF$$

**b)** 
$$ZL := (90 + j \cdot 25) \cdot \Omega$$

 $\frac{Z0}{Re(ZL)} = 0.556$   $\rightarrow$  Portanto o modelo que se aplica é o da Figura (a), equação (A)

$$\text{BW:=} \frac{\text{Im}(\text{ZL}) + \sqrt{\frac{\text{Re}(\text{ZL})}{\text{Z0}}} \cdot \sqrt{\text{Re}(\text{ZL})^2 + \text{Im}(\text{ZL})^2 - \text{Z0} \cdot \text{Re}(\text{ZL})}}{\text{Re}(\text{ZL})^2 + \text{Im}(\text{ZL})^2} \qquad \text{B = 0.013} \, \frac{1}{\Omega} \qquad \text{Cp:=} \frac{\text{B}}{2 \cdot \pi \cdot \text{f}}$$

$$B = 0.013 \frac{1}{\Omega}$$

$$Cp := \frac{B}{2 \cdot \pi \cdot t}$$

$$Cp = 4.548 \cdot pF$$

$$X_{\text{M}} = \frac{1}{B} + \frac{\text{Im}(ZL) \cdot Z0}{\text{Re}(ZL)} - \frac{Z0}{B \cdot \text{Re}(ZL)}$$

$$X = 48.448 \Omega$$

$$X = 48.448 \Omega$$
 Ls =  $\frac{X}{2 \cdot \pi \cdot f}$  Ls =  $0.017 \cdot \mu H$ 

$$Ls = 0.017 \cdot \mu H$$

c) Basta acrescentar uma reatância -Xo em série entre o amplificador de RF e a rede de acoplamento de forma a cancelar a reatância Xo. Se o modelo for o da Figura (a), a reatância -Xo poderá ser acrescida à reatância X já existente. Se o modelo for a Figura (b), o cancelamento poderá ser feito corrigindo a susceptância B com a susceptância do equivalente de Norton do amplificador (fonte de corrente em paralelo com uma admitância).