



Figura 1: Diagrama de blocos do *front-end* de um RX de microondas

A Figura 1 mostra o diagrama do *front-end* de um receptor de microondas. A entrada do LNA é conectada a uma antena cuja temperatura de ruído é $T_A = 250\text{K}$. A impedância característica de todos os blocos funcionais do *front-end* é $Z_0 = 50\ \Omega$. Todos os blocos operam a uma temperatura ambiente de 32°C .

A etapa em banda-base do receptor adota modulação 64-QAM e código convolucional 2/3, demandando SNR de 20dB na saída do filtro de FI para que se obtenha BER zero na saída do decodificador convolucional.

Pede-se:

- Determine a mínima tensão de sinal na entrada do LNA para que se obtenha BER zero na saída do decodificador convolucional.
- Determine a figura de ruído total do *front-end*.

Solução:

a) Do enunciado temos: $Z_o := 50\text{-}\Omega$

$$\begin{aligned} G_a &:= 10 \text{ dB} & F_a &:= 1.5 \text{ dB} & T_o &:= 290\text{K} \rightarrow T_o = 16.85^\circ\text{C} & k &:= 1.38 \cdot 10^{-23} \frac{\text{J}}{\text{K}} \text{ (const. Boltzmann)} \\ G_{f_{pb}} &:= -1.0 \text{ dB} & F_m &:= 2.5 \text{ dB} \\ G_m &:= -3.0 \text{ dB} & T_{oper} &:= 32^\circ\text{C} \rightarrow T_{oper} = 305.15\text{K} \\ B &:= 10\text{MHz} & T_{ant} &:= 250\text{K} & SNR &:= 20 \text{ dB} \end{aligned}$$

Convertendo de dB para vezes:

$$\begin{aligned} \frac{G_a}{G_a} &:= 10^{10} \rightarrow G_a = 10 & \frac{F_a}{F_a} &:= 10^{10} \rightarrow F_a = 1.413 \\ \frac{G_{f_{pb}}}{G_{f_{pb}}} &:= 10^{10} \rightarrow G_{f_{pb}} = 0.794 & \frac{F_m}{F_m} &:= 10^{10} \rightarrow F_m = 1.778 \\ \frac{G_m}{G_m} &:= 10^{10} \rightarrow G_m = 0.501 & \frac{SNR}{SNR} &:= 10^{10} \rightarrow SNR = 100 \end{aligned}$$

A figura de ruído $F_{f_{pb}}$ do filtro passa-banda é obtida da equação (3.70) do Cap IV das notas de aula (o filtro passa-banda está sendo aqui considerado uma linha de transmissão com perda L igual ao *insertion loss* do filtro, isto é, $L = \frac{1}{G_{f_{pb}}}$). Obtida a figura de ruído $F_{f_{pb}}$ do filtro passa-banda $F_{f_{pb}}$, a temperatura equivalente de ruído deste filtro é determinada pela equação (3.65):

$$F_{f_{pb}} := 1 + \left(\frac{1}{G_{f_{pb}}} - 1 \right) \cdot \frac{T_{oper}}{T_o} \quad F_{f_{pb}} = 1.272 \text{ vezes} \quad T_{ef_{pb}} := (F_{f_{pb}} - 1) \cdot T_o \quad T_{ef_{pb}} = 79.011\text{K}$$

De mesma forma, as temperaturas equivalentes de ruído do amplificador e do mixer são determinadas pela equação (3.65):

$$T_{ea} := (F_a - 1) \cdot T_o \rightarrow T_{ea} = 119.636\text{K} \quad T_{em} := (F_m - 1) \cdot T_o \rightarrow T_{em} = 225.701\text{K}$$

Da equação (3.76) do Cap IV das notas de aula, a temperatura de ruído equivalente total do *front end* é:

$$T_{e_Tot} = T_{ea} + \frac{T_{ef_{pb}}}{G_a} + \frac{T_{em}}{G_a \cdot G_{f_{pb}}} + \frac{T_{ef_i}}{G_a \cdot G_{f_{pb}} \cdot G_m}$$

Da equação (3.69) do Cap IV das notas de aula, como o filtro de FI tem um *insertion loss* de 0dB, isto é, $L = 1$, significa que o filtro de FI não adiciona ruído e que portanto a sua temperatura equivalente de ruído é $T_{ef_i} := 0\text{K}$. Neste contexto, a equação acima resulta em:

$$T_{e_tot} = 155.951\text{K}$$

Potência de ruído N_o na saída do sistema:

$$\begin{aligned} G_{tot} &:= G_a \cdot G_{f_{pb}} \cdot G_m \quad G_{tot} = 3.981 \text{ vezes} \\ N_o &:= G_{tot} \cdot k \cdot B \cdot (T_{ant} + T_{e_tot}) \quad N_o = 2.23 \times 10^{-13} \text{ W} \end{aligned}$$

Mínima tensão na entrada do LNA para $SNR = 100$ na saída do filtro de FI:

$$S_i = \frac{S_o}{G_{tot}} = \frac{S_o}{N_o} \cdot \frac{N_o}{G_{tot}} = \frac{SNR \cdot N_o}{G_{tot}} \rightarrow S_i = 5.602 \times 10^{-12} \text{ W}$$

$$V_i := \sqrt{Z_o \cdot S_i} \rightarrow V_i = 16.736 \mu\text{V (rms)}$$

b) A figura de ruído total do *front-end* é obtida da equação (3.77) do Cap IV das notas de aula:

$$F_{tot} = F_a + \frac{F_{f_{pb}} - 1}{G_a} + \frac{F_m - 1}{G_a \cdot G_{f_{pb}}} + \frac{F_{fi} - 1}{G_a \cdot G_{f_{pb}} \cdot G_m}$$

Note que, como o filtro de FI tem um *insertion loss* de 0dB, isto é, $L = 1$, significa que o filtro de FI não adiciona ruído e que portanto, da equação (3.70) do Cap IV das notas de aula, $F_{fi} := 1$. Neste contexto, a equação acima resulta em:

$$F_{tot} = 1.538 \rightarrow 10 \cdot \log(F_{tot}) = 1.869 \text{ dB}$$

De (3.65), podemos verificar a consistência do resultado para a figura de ruído total F_{tot} obtida no item b) comparando o resultado da temperatura equivalente de ruído total T_{e_tot} obtido no item a) com a temperatura equivalente de ruído total T_{eTot} obtida a partir de F_{tot} :

$$T_{eTot} := (F_{tot} - 1) \cdot T_o \quad T_{eTot} = 155.951 \text{ K} \quad \text{Temperatura de ruído } T_{e_tot} \text{ obtido no item a):} \quad T_{e_tot} = 155.951 \text{ K}$$